第3学年算数科学習指導案

1 単元名 円と球 ~「まるい形を調べよう」~

2 指導観

○ 本単元「円と球」は、観察、分類、構成、作図などの活動を通して円や球について理解できる ようにすることが主なねらいである。また、学習の過程では、コンパスという用具の機能を知り、 円をかく技能の習熟とともに、線写し、線切り、点さがしなどの使い方を経験し使い慣れること ができるようにする。

円や球は、日常生活の様々な場面で存在しており、子どもたちにとって大変身近な図形である。 また、後の算数科学習においても、円や球の定義や性質などの知識を活用して考えたり、コンパ スの機能を生かした作図などの技能を活用したりして、新たな算数を生み出す基盤となる。この ように、本単元の学習は、実生活の場面でも、算数の学習を深める上で、大変意義深い。

本単元の学習は、第3学年の「長方形と正方形」「三角形」、第5学年の「多角形や正多角形」 「円周と円の面積」の学習へと発展する。

○ これまでに子どもたちは、「C図形」領域の学習内容に関して、第1学年では、身の回りにあ るものの形の観察や構成などの活動を通して、平面図形では「さんかく」「しかく」「まる」、立 体図形では「箱の形」「ボールの形」などと呼んだりして、帰納的に特徴をとらえたりする学習 を行っている。第2学年では、点と点を直線で結んで形をかいたり、直角二等辺三角形の色板を 並べて形づくりをしたりして、三角形や四角形の基本的な定義を学習している。

「円と球」につながる既習としては、身の回りの缶や箱、積み木などの具体物の面を写し取り、 「まる」という形を認識したり、「ボールの形」として形状を観察したり手触りを確かめたりし て球を認識したりできるようになっている。

- そこで、本単元の指導に当たっては、
 - 1つの点から等距離の直線を多数引きその終点を線で結ぶ活動を通して、丸い形(円)を見 つけ円周を認識したり、半径を見つけ半径が無数にあることを認識したりして、円の定義を理 解する。
 - 円折り紙を折って折り目の長さを測り一番長い折り目を探す活動を通して、円周がきちんと 重なるように真2つに折ったときが一番長いことを見つけ直径を認識したり、直径が無数にあ ることや直径が必ず円の中心を通ることを認識したりして、円の性質に気付く。
 - コンパス使って地図上の距離を比較をする活動を通して、コンパスの長さの写し取り機能を 身に付けたり、コマづくりの活動でコンパスを使って円盤や円盤の模様をかく活動を通して、 コンパスの使い方に習熟したりする。

といった算数的活動を充実させることで、基礎的・基本的な知識・技能を習得させる。

また、習得した知識・技能を活用する学習を小単元と単元の終わりに行い、子どもたちに身近 な身の回りの事象を学習問題として提示して問題解決を図らせ、身近な生活に算数が活用できるよ さに気付くことができるようにする。

具体的には、小単元の終わり(第5時)には、「円の模様づくり」を設定し、円の模様をかくため に円の定義や性質を活用して作図方法を考えたり、円の模様をかく過程でコンパスの使い方に習熟し たりできるようにする。単元の終わり(第8・9時)には、「面カードを使った箱づくり」を設定 し、複数の球が並んで入る箱づくりに必要な面カードを選択する場面で、円や球の定義や性質を もとにカード選択の根拠について説明させ、習得した知識・技能を活用させる。

3 単元の目標

関心・意欲・態度	数学的な考え方	表現・処理	知識・理解
それらについて調べよ	を考えることができる。	コンパスを使って円や 円を使った模様をかいた り、球の直径を測ったり することができる。	

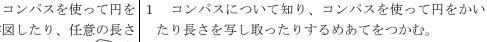
4 単元指導計画(全10時間)

+ 早兀指导計画(主 10 時间 <i>)</i>					
学習計画	ねらい	学習活動と内容			
	校区地図上で、任意の一点から等距離にある場所を探す活動によって門と半径を見つけ、既習の三角形の定義を凹角形の定義を導入して、円の定義を導入して、といってきる。	1 地図上でカブト虫山から5cmの長さを測り、カブト虫が飛ぶ範囲を調べるめあてをもつ。 2 一点から等距離の直線を引いて、終点を線で結んでいく方法について話し合う。 3 見通しにしたがって問題解決を図る。そして、一点から5cmの直線を引き終点を結んで丸い形を見つけ、これを基に円と半径という名称と円の定義を理解する。4 類似した練習問題を解く。 「国際のカナト生が保みではいる方が中型にあるというというできませた。」 「関係のカナト生が保みでは同かるだらなでしょう。」 「フェール・ファン・サール・フェール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・サール・ファン・ファン・サール・ファン・ファン・ファン・ファン・ファン・ファン・ファン・ファン・ファン・ファン			
を知り直径と	円折り紙を折ってできる折り目の特徴を調べる 活動を通して、円の場合である。 活動を通して、中心を中心を はなることや中心を 道ることなど直径のができる。 また、直径の用語を る。また、直径と半径の を といることができる。	 円折り紙を折ってできる折り目のうち、もっとも長い直線を調べるめあてをもつ。 円折り紙を折って、長さを測りながら、もっとも長くなる折り目を調べる。 一番長い長さになる折り方について調べたことを話し合い、直線が円の中心を通ることに気付く。 直径の用語を知り、直径と半径の長さを比べ、直径はみな同じ長さで半径の2倍になっていることを知る。 			

第3時

コンパスを|作図したり、任意の長さ 使って円をかを写し取っ いたり長さを たりするこ 写し取ったりとができ する

る。



- 2 ひもに鉛筆をつけたものとコンパスで円をかきくら べ、コンパスのよさをつかむ。
- 3 コンパスのもう1つの使い方である長さを写し取る 方法を知り、折れ線の長さを直線に写し取る。

第4時

づくりをする

コンパスをこなして、円を組み合わ 使って、コマ せた模様をかいたコマを つくることができる。

コンパスの機能を使い 1 模様のかかれたコ マに出合い、コンパ







スがどのように使われているのか話し合う。

2 コンパスの幅を変えて半径の違う大小の円を組み合 わせながら模様をかいてコマづくりをする。

第5時

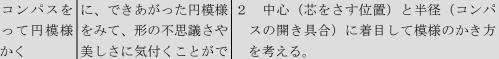
くり」

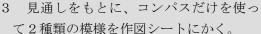
をかく

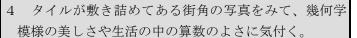
本時①

「円の模様づ|模様をかき、コンパスの 使い方に習熟するととも 使って円模様をみて、形の不思議さや 美しさに気付くことがで きる。

コンパスだけを使って 1 コンパスだけをつかって、朝顔模様と 花びら模様をかく方法を考えるというめ あてをもつ。







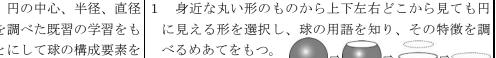


第6時

球の定義やを調べた既習の学習をも 性質を調べるとにして球の構成要素を

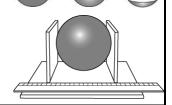
> 調べて、球の中心、半径、 直径の意味を 説明すること

直径中心 ができる



2 球の立体模型を 使って球の切り口や半径、 直径、中心について調べる。

3 球の定義や性質をまとめ、 球の直径を測る。



第7時

考察する

円や球の形 にして円や球の構成要素 弁別を繰り返し、円や球 の特徴や形が持つ機能を 説明することができる。

- 身の回りのものを対象 1 身の回りから円や球の形をしたものを探し、なぜ円 や球の形になっているのか調べるめあてをもつ。
- がもつ機能を | や特徴を根拠とした形の | 2 それらのものが円や球でなかった場合にどのような 不都合があるか話し合うことで、円や球の形のもつ機 能性に気付く。
 - 3 円や球の形がもつ機能をまとめる。

第8・9時

り」

「面カードを」と箱の面の関係を考え、 使った箱づく 半径2㎝の球6個(縦2

- | 複数の球の組み合わせ | 1 | 「半径 2 cmのボール 6 個がきちんと入る箱づくり | の学習問題に出合い、どの面カードが何枚あれば箱が つくれるかという課題をつかむ。
- 個、横3列)が隙間なく 2 半径を2倍にして直径を求め、ア〜オのカードから

球の半径、 入る箱を面カードを適切 縦2枚、横2枚、底1枚を選ぶ。 直径から考え | に選んでつくることがで | 3 6個のボールが縦2個、横3列きちんと入る箱の縦、 横の長さとボールの半径、直径の関係をまとめる。 てボールの入きる。 る箱をつくる 本時② ·≖-}- $(1/2 \cdot 2/2)$ ゥ 1 前時の学習で選択した5枚の面カードを組み合わせ、 箱づくりをする。 2 完成した箱に6個の球を入れてみることで、箱を完 成させた達成感と箱の実用性の実感を味わう。 3 別の面カードを使ってつくった8個の球が収まる箱 をみて、算数の便利さや実用性などのよさに気付く。 本単元の学習を振り返 1 「円と球」の単元で学習した内容について練習問題 第10時 復習と単元り、練習問題や評価問題に取り組み、復習を行う。 末評価 を解くことができる。 2 「円と球」の単元末評価問題を解く。

5 本時

(1) 本時① (第5時)

ア 主眼 ○ コンパスだけを使って円の模様をかき、コンパスの使い方に習熟するとともに、できあがった円模様をみて、形の不思議さや美しさに気付く。

イ 準備 教師:円模様のついたタイル(板書用)、2種類の円模様モデル(朝顔、花びら)

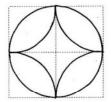
児童:コンパス、作図シート

ウ 学習指導過程

段階	学習活動	手だて
	1 前時学習を想起し、本時の学習問題を把握する。	
	(1) 前時はコンパスで模様をかいて、コマの円盤づくり をしたことを想起する。	○ 円盤にコンパスで模様をかくには コンパスの開き具合(半径)と中心
導入		(芯をさす位置) に気をつければ、モ デルのような模様をかくことができ たことを想起させる。
	(2) 4枚のタイルを敷き詰めた2種類のモデルを見て、	○ 基本となる円模様の入った正方形
10	正方形1枚の基本タイルをどのように敷き詰めてでき ているのか考える。	の基本タイルとそのタイル4枚を敷 き詰めてつくった2種類の円模様を
分		提示し、基本タイルをどのように敷



正方形1枚の基本タイル



朝顔模様

花びら模様

(3) コンパスだけをつかって、朝顔模様と花びら模様を ○ 本時は、基本タイルが 4 枚ででき かくにはどうしたらいいかという学習問題を把握し、 本時学習のめあてをつかむ。

あさがおや花びらのもようをかく方法を考えて、 コンパスだけをつかってかこう。

2 問題解決の見通しをもつ。

- (1) まず、1枚の基本タイルの模様をコンパスでかく方 前時に円盤にコンパスで模様をか 法を考える。
 - 中心をどの位置にとるか
 - 半径はどの長さか

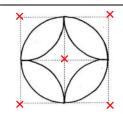
開 (2) 2種類の模様をコンパスでかく方法を考える。

前

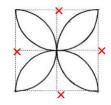
段

15

分



- ・中心→5箇所 (中央は全円で描けるので、 合理的)
- ・半径→全て同じ長さ タイルの一辺の長さ



- •中心→4箇所 (半円を4回描けばできる ので、合理的)
- ・半径→全て同じ長さ タイルの一辺の長さ

3 問題解決を図る。

- (1) 見通しをもとにして、コンパスだけを使って2種類 の模様を作図シートにかく。
 - ・作図シートの活用

き詰めたのか考えさせ、学習への興 味・関心を引き出す。

- 黒板で掲示用の基本タイルを実際 に4枚敷き詰めさせ、タイルの向き を変えると違う模様ができることを 確かめ、模様の不思議さや美しさに 気付かせる。
- ている2種類の円模様をコンパスだ けをつかってかくことができるか問 いかけ、本時学習のめあてをつかま せる。
- いたときのように、中心(芯をさす 位置)と半径(コンパスの開き具合) 着目して考えさせる。
- 基本タイルの模様と比べて、2種 類のモデルの模様も半径と中心に着 目すればよいことに気付かせ、コン パスでかく方法を考えさせる。
- 朝顔模様は全円で描ける部分があ り、花びら模様は半円で描ける部分 があることから、基本タイルと比べ て、まとめてかける合理性に気付か せる。
- 見通しで話し合った中心の位置 (×印) や半径の長さなど、各自、 学習シートにメモさせ、自力解決の 際の手がかりとさせる。
- モデルの模様を上段、作図するフ レームを下段に配置した作図シート を使わせ、自力解決の支援とする。 (モデルを上に置くことで右利き、左 利きに関係なく作図ができる。)

展

・見通しの活用

開

後

段

15 分

終

末

朝顔もよう 花びらもよう 1 T

(2) 作図が仕上がったら、指導者の評価を受ける。

- 4 本時の学習をまとめる。
- (1) 本時学習をまとめる。

中心と半径に気をつけ、まとめてかけるところを くふうすれば、コンパスだけでかんたんに円のもよ うをかくことができる。

(2) タイルが敷き詰めてある街角の写真をみて、そのも ○ 日常生活の場面でタイルが敷き詰 ようの美しさやおもしろさ、身近な生活の中に算数が 使われていることに気付く。





(3) 次時学習の予告を聞き、次への学習意欲をもつ。

○ 正しく写し取れている子には、フ レームシートを渡してオリジナルの 円模様を考えさせる。

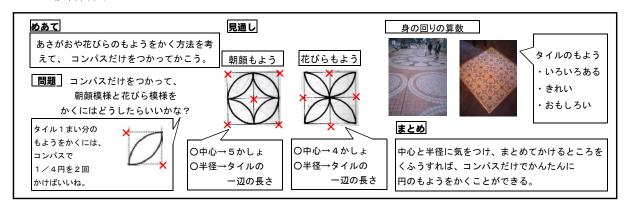
間違った箇所がある子には、中心 の位置や半径を確かめる助言をし、 修正をさせる。

めてある街角の写真を見せ、身近な ところに算数が活用されているよさ を伝える。

○ 次時は、日常生活の場面から、さ らに算数見つけをすることを予告し 学習意欲を繋ぐ。

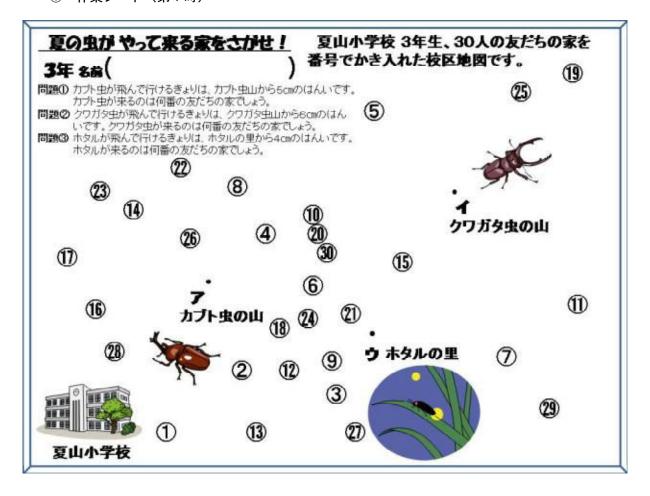
-6 -

工 板書計画



オ 資料 (ワークシート)

① 作業シート(第1時)

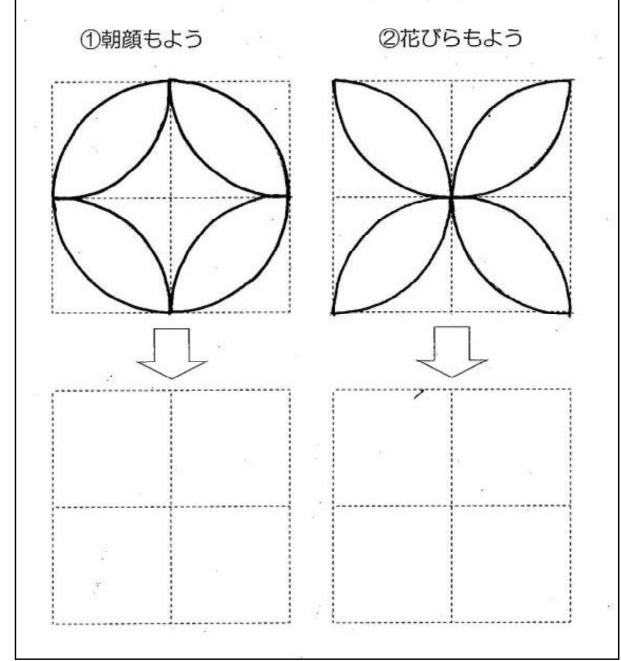


☆ 2しゅるいの	もようの かき方を 考	えましょう!		
もようのしゅるい	もようをかくときに 気をつけるこ 中心のばしょ 半径			
朝顔もよう	x のしるし ↓ ()かしょ	() の長さ		
花びらもよう	*のしるし ↓ ()かしょ	() の長さ		

タイルをしきつめてきれいなもようをかこう!

3年 名前(

☆ 上のモデルのもようを コンパスだけをつかって 下のフレームに かきうつしましょう。



(2) 本時21/2 (第8時)

主眼 ○ 複数の球の組み合わせと箱の面の関係を考え、半径2㎝の球6個(縦2個、横3列) が隙間なく入る箱をつくるための面カードを適切に選ぶことができる。

準備 教師: 球が1つ分入るふたなしの箱(提示用)、半径2cmの球、面カード

児童: 半径2cmの球、面カード、学習シート(説明カード)

ウ 学習指導過程

段階 学 習 活 動 1 前時学習を想起し、本時の学習問題を把握する。 (1) 1つだけ球が入ったふたのない箱をつくるためには ○ 1つだけ球が入ったふたのない箱 どんな形のカードが何枚必要か考える。 導 入 15 分

(2) 「半径 2 cmのボール 6 個がきちんと入る箱づくり」 の学習問題に出合い、どの面カードを何枚選べば箱が つくれるかという課題をつかむ。

半径2cmのボール6個がきちんと入る箱をつくるに は、どの面カードが何まいいりますか。

(ア〜オの5種類の面カード) ゥ

- (3) 面カードを組み合わせて、「半径2cmのボール6個 がきちんと入る箱」をつくるめあてをもつ。
- めあて1 ボールの大きさと数に気をつけて、6個が きちんと入る箱づくりにひつような面カード のえらびかたを考えよう。

指導上の留意点

- を見せ、箱をつくるためにはどんな 形のカードが何枚必要か問いかけ、 箱づくりへの興味・関心を引き出す。 前時学習で、円がちょうど入る四 角形(ましかく)の直径と四角形の 縦横の長さが同じだったことから、 四角形 (ましかく) のカードが底面 に1枚、側面に4枚必要になること に気付かせる。
- 半径2cmの同じ形、同じ大きさの ボール6個を提示して、これらがき ちんと隙間なく入る箱の大きさを問 う。同時に箱の材料として面カード を選択して使うことを伝える。この ことを、1つだけ球が入った箱の場 合と比べて、
 - ・ ふたがいらない
 - 縦2枚、横2枚、底1枚の面カ ード(5枚)を使う
 - ・ 向かい合う側面どうしは同じ形 といった箱のイメージをもたせるよ うにする。
- 面カードを組み合わせて、6個の 球が、縦2個、横3列で隙間なくき ちんと入る箱を完成させるという目 標を持たせ、本時は「必要なカード の選択」、次時に「実際の箱づくり」 を行うことを確認し、めあてをつか ませる。

2 問題解決の見通しをもつ。

- (1) 円がちょうど入る四角形 (ましかく) の直径と四角 直径は半径の 2 倍の長さであるこ 形の縦横の長さが同じだったことから、1つだけ球が 入ったふたのない箱と比べて、球の数に合わせて面カ ードを選ぶという見通しをもつ。
- 開(2) 自力解決の手がかりとして、
 - ・半径2cmの円をかいた一辺4cmの正方形のカード
 - ・必要な面カードについて記録する説明カード を使って考える。

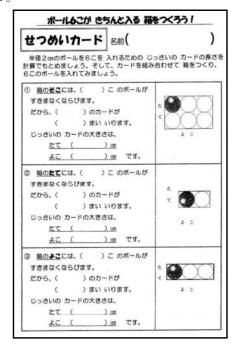


前

段

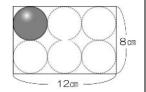
5

分



- とから、球の直径は4cmになること を確かめ、面カードの大きさを考え る基にさせる。
- 半径2cmの円をかいた一辺4cmの 正方形の面カード、説明カードを各 自に配付し、解決の手がかりとして 活用させる。

- 3 問題解決を図る。
- (1) どの大きさの面カードが何枚必要かを考え、説明カ 説明カードに必要な情報を記入さ ードに記入する。
- 展 (2) どの大きさの面カードが何枚必要かを説明カードに 記入して交流し、問題解決を図る。
 - ① 底面は、6個が隙間なく入る「エが1枚」



② 縦の側面は、2個が隙間なく入る「アが2枚」

4cm 8 cm

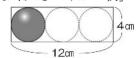
- せて、互いに考えたことを説明でき るように支援する。
- 6個が隙間なくきちんと入った図 を提示し、底面の面カードの大きさ を考えさせる。
- 2個が隙間なくきちんと入った図 を提示し、縦の側面の面カードの大 きさを考えさせる。

15 分

後

段

③ 横の側面は、3個が隙間なく入る「イが2枚」



ボールの直径と並べる数が分かれば、箱づくりにひ つような5まいのカードがえらべる。

- 3個が隙間なくきちんと入った図 を提示し、横の側面の面カードの大 きさを考えさせる。
- 球の直径とならべる個数が分かれ ば、球が隙間なくきちんと収まる箱 ができることをまとめる。
- 択して取ることができるように、教 室前面の台に5種類の面カードを置 いておく。
- 次時は、本時で選択した5枚の面 カードを組み合わせることを伝え、 箱づくりへの期待感をもたせる。

4 本時の学習をまとめる。

(1) 説明カードに記入した必要な面カード情報をもとに ○ 各自が自分で必要な面カードを選 終 実際に面カードを選択する。

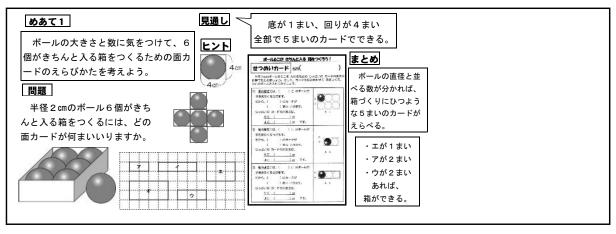
底面

- → 「エが1枚」
- - 縦の側面 → 「アが2枚」
 - 横の側面 → 「ウが2枚」

末

分(2) 次時の箱づくりに意欲をもつ。

工 板書計画



(3) 本時②2/2 (第9時)

ア 主眼 \bigcirc 前時に選択した 5 枚の面カードを適切に組み合わせて、半径 2 cm の球 6 個(縦 2 個、横 3 列)が隙間なく入る箱をつくることができる。

イ 準備 教師: 球が1つ分入るふたなしの箱(提示用拡大版)、半径2cmの球、面カード

児童: 半径2cmの球、面カード、学習シート(説明カード)

ウ 学習指導過程

段階 学 習 活 動 指導上の留意点 1 前時学習を想起し、本時の学習問題を把握する。 導 (1) 前時に選択した5枚の面カードを組み合わせて、「半 ○ 前時は箱づくりに必要な5枚の面 径2cmのボール6個がきちんと入る箱」を実際につく カードを選択したことを想起させ、 本時はそれを組み合わせて、6個の るめあてをもつ。 球が隙間なくきちんと入る箱を完成 **||めあて2** 5まいのカードのならべかたを考え、 させるという目標を確認し、めあて ボール6個がきちんと入る箱をつくろう。 分 をつかませる。 2 問題解決の見通しをもつ。 (1) 5枚の面カードの組み合わせ方を考える。 ※ 球が1つの場合 ○ 1つだけ球が入ったふたのない箱 の場合と比べて、ボール6個入りの 展 場合の面カードの組み合わせ方を考 開 えさせる。 前 段 ※ ボール6個入りの箱 ○ 底になる面カードを基準にして、 向かい合う側面どうしは同じ形とい いう視点から考えさせる。 10 分 3 問題解決を図る。 (1) 選択した面カードを組み合わせ、箱を完成させる。 ○ 見通しをもとに、面カードを組み 合わせ、セロテープで貼らせていき 開 箱の形を仕上げさせる。 後

|段|(2) 箱が完成したら、6個ボールを収めてみる。

20

分

4 本時の学習をまとめる。

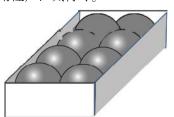
(1) 箱の面カードの簡単な求め方をまとめる。

終末

そこの面カードを決め、向かい合う面カードが同じ 形になるように組み合わせると、ボール6個がきちん と入る箱ができる。

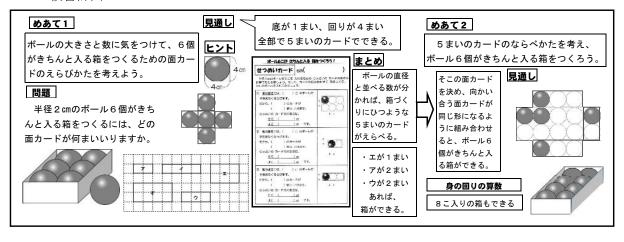
10 \(\triangle\)

- 分 (2) 別の面カードを使ってつくった8個の球が収まる箱 〇 球が8個入る箱を見せ、カードの をみて、算数のよさ(実用性)に気付く。 組み合わせで、6個入りや8個入り
 - オが1枚、アが2枚、 イが2枚で8個の球が きちんと収まる箱がで きる。



- 箱ができあがったら、実際に6つ のボールを収めさせ、完成の喜びと 箱の実用性の実感を味わわせる。
 - きちんと入らない場合は、必要な 修正をさせる。
- 6個のボールが並ぶ底の面カードを決め、向かい合う面カードが同じ形のなるように組み合わせれば、球が隙間なくきちんと収まる箱ができることをまとめる。
- 球が8個入る箱を見せ、カードの 組み合わせで、6個入りや8個入り などのいろいろな箱がつくれること から、算数の便利さや実用性などの よさに気付かせる。

工 板書計画



かあて								
* 半径20 たてに20 ならべて2 つけません 下のア、	こ、よこ れる箱 v。 イ、ウ	に3こ、 をつく! 、エ、;	すきま のます。 オの カ	まなく き ただし ードのロ	きちん 、ふた 中から	きは	うか。	
7	_				1	-	- 2	
	*			r;	,	1		•••
まとめ								,

ボール6こが きちんと入る 箱をつくろう!

せつめいカード 名前(

半径2㎝のボールを6こを 入れるための じっさいの カードの長さを 計算でもとめましょう。そして、カードを組み合わせて 箱をつくり、 6このボールを入れてみましょう。

① 箱の そこ には、() こ のボールが すきまなくならびます。 だから、() のカードが () まい いります。 じっさいの カードの大きさは、 たて () cm よこ () cm です。	k
② 箱の たて には、() こ のボールが すきまなくならびます。 だから、() のカードが () まい いります。 じっさいの カードの大きさは、 たて () cm よこ () cm です。	t τ
③ 箱の よこ には、() こ のポールが すきまなくならびます。 だから、() のカードが () まい いります。 じっさいの カードの大きさは、 たて () cm よこ () cm です。	t